

لمنطق الصحيح - لشارلز ساندرز بيرس

بقام : الكترر عن مى اسلام

Exact Logic. by C.S. Pierce

مقدمة :

الفلسفية في هذا المقال ، بل ستصرف أساساً إلى إبراز أهمية الدور الذي لعبه في تطوير المنطق المعاصر . وقد تكفى - فيما يتعلق بأهمية بيرس في الفلسفة المعاصرة - الاشارة إلى أنه كان المؤسس الحقيقي للفلسفة العملية أو فلسفة البراجماتيزم Pragmatism المعاصرة .
هذا وتعود أهمية تشارلز بيرس في تطوير المنطق المعاصر إلى أكثر من سبب . فهو أحياناً يطور من أفكار من سبقوه من المناظقة على النحو الذي فعله بالنسبة لمنطق جورج بول G.Boole حين قام بمراجعة جبر المنطق عنده وتوسيعه وتيسيره وتطويره ، وهو أحياناً أخرى يقوم بذلك إلى أبعد من بعض المناظقة الآخرين - على النحو الذي فعله بالنسبة لمنطق دى مورجن A. De Morgan .
بغرض التمهيد لوضع وتقديم نظرية جديدة . وهو في أكثر الأحيان يكتشف عن مفاهيم جديدة ، ويقدم من الألفاظ والرموز

يعتبر تشارلز بيرس من بين المفكرين المعاصرين ، فلاستة كانوا أو مناطق ، من أشهر المغموريين ، ومن أهم من أغفل ذكره من بينهم . فهو على الرغم من أهميته البالغة في تاريخ الفكر الفلسفى والمنطقى المعاصر ، لا يكاد يرد ذكره في كثير من كتب الفلسفة المعاصرة أو المنطق المعاصر إلا على سبيل الاشارة دون التوقف عند أفكاره لفحصها أو مناقشتها على النحو الذى يتم إزاء كثير من الفلاسفه والمناظقة المعاصرین الذين قد يكون دورهم دون الدور الذى قام به فى تطوير الفكر المنطقى المعاصر . ولعل مرجع ذلك إلى أحد أمرئين أو إلى كليهما : عمق الفكرة المنطقية التي يتناولها ، وصعوبة الأسلوب الذى يستخدمه فى التعبير عن أفكاره .

ونحن لستنا الآن بقصد عرض لأهمية بيرس

والعلماء الجديدة ، ما يعبر به عن تلك المفاهيم ، ويبتكر أنساقاً جديدة لم يسبق إليها ، مما كان له أكبر الأثر عند من تلاه من المناطقة المعاصرين .
ولا ترجع أهمية بيرس إلى كل هذا وحده ، بل كذلك إلى أنه كان صاحب الفضل في التعريف بكتابات بعض المفكرين المنطقية ، كما هو الحال حين وجه الانظار إلى كتابات القسيس المجري

Bernardo Bolzano

التي كانت غير معروفة حتى ذلك الوقت .

حياة الفيلسوف وتطوره الفكري

حياة بيرس (١٨٣٩ - ١٩١٤)

ولد شارلز ساندرز بيرس في العاشر من سبتمبر عام ١٨٣٩ بولاية ماسا شوسيتس بالولايات المتحدة الأمريكية . وقد أشرف والده على تربيته وتعليمه بالمنزل موجهاً إياه إلى دراسة الرياضة والعلوم والفلسفة . ثم استكمل دراسته بمدرسة خاصة ، إلى أن التحق بجامعة هارفارد عام ١٨٥٥ ، وتخرج فيها عام ١٨٥٩ . ولقد كان بيرس ولوغاً منذ صباحه بالبحث والدراسة ، فمما يروى عنه أنه كان قد بدأ في دراسة الكيمياء وهو في سن الثامنة ، وأنه أقام وهو في الثانية عشرة من عمره معملاً كيميائياً خاصاً به (١) ، كما أنه كان قد بدأ في دراسة المنطق وهو في الثالثة عشرة من عمره .

ولقد استمر بيرس في دراسة الفلسفة والمنطق ، والرياضية والعلوم في وقت واحد حتى حصل عام ١٨٦٢ على درجة الماجستير في الآداب من جامعة هارفارد ، كما حصل في العام التالي ، أي

Feiblemen, J.K.: An Introduction to Peirce's Philosophy. P. 10

١٨٦٣ على درجة البكالوريوس في الكيمياء .
وكان بيرس قد تزوج مرتين ، أولاهما عام ١٨٧٦ من هاريت في Harriet Fey وثم الطلاق بينهما عام ١٨٨٣ . ثم تزوج بعد ذلك بفتاة فرنسية هي جوليت فروازى Julliette Froisy وكان زواجاً ناجحاً .

دام حتى وفاته .

ومما هو جدير بالذكر أن بيرس ، على الرغم من تعدد اهتماماته ، واسهامه الكبير في مختلف ميادين البحث العلمي والفلسفى ، إلا أنه لم يحظ بعمل أكاديمى منتظم بالجامعة يتافق مع أبحاثه وكثيوفه المتعددة . ولقد كانت أطول فترة ارتبط فيها بـ العمل الأكاديمى ، هي تلك التي قضتها في جامعة جونز هويكينز Johns Hopkins

حيث حاضر في المنطق في الفترة بين عامي ١٨٧٩ ، ١٨٨٤ . ولقد كتب وليم جيمس معلقاً على ذلك William James

بقوله : « إن بيرس لا يجد فرصة للالتحاق بالجامعة كأستاذ . ومما يؤسف له ألا يجد رجل كهذا - على مثل هذه الدرجة من الأصالة ، وهذا القدر من الاستعداد لكي يخصص كل جهوده بل وحياته من أجل المنطق والمتافيزيقا - مكاناً له بين أساتذة الجامعة » . (١) وكان ذلك راجعاً إلى عدة عوامل منها : حدة طبعه ، وفي

هذا الصدد يروى عنه هنري جيمس

Henry James شقيق وليم جيمس - اثناء مقابلته اياه في باريس (انه كان انساناً طيباً دمت الحلق ، مالم يغضب أو يضيق ، لأنه في هذه الحالة يصبح انساناً غير محتمل) . ومنها طلاقه من زوجته

(١) المرجع السابق ، صفحة ١٦ .

وهو الكتاب Photometric Researches
الوحيد الذى أكمله بيرس واستطاع ان ينشره
اثناء حياته ٠ (١) ٠

كما يتضح اهتمامه بالعلوم من الابحاث التى
قام بها - اثناء سفره عام ١٨٧٥ الى أوروبا - عن
حركة البندول والجاذبية الارضية ، كما اشتعل
كذلك بدراسة المقاييس المتعلقة بالأوزان ٠ هذا
فضلا عن ان بيرس كان أول من حاول استخدام
طول موجة شعاع الضوء على انها وحدة قياسية ،
وهو بهذا كان قد سبق مايكلسون Michelson
إلى القول باستخدام الموجة الضوئية وحدة فى
القياس ٠ وقد ترتب على اهتمام بيرس بالعلم ،
اهتمامه كذلك بمنهج البحث فى العلوم ، وهو
أمر صاحب بيرس فى الجزء الأكبر من رحلة
حياته ، شأنه شأن اهتمامه بموضوع آخر متعلق
به هو المنطق ٠ ولقد عبر بيرس عن هذا المعنى
بقوله : « منذ اللحظة التي كنت قادرا فيها على
التفكير حتى الآن ، أى لدة تقرب من ٤ سنة ،
كنت مشغولا بصفة دائمة بدراسة مناهج البحث
فى العلوم ، ما يتبع منها بالفعل أو ما ينبع اتباعه
منها » ٠ (مجموعة الابحاث ، المجلد الأول ،
فقرة ٣) ٠ وما هو جدير بالذكر ان منهج
البحث فى العلوم الطبيعية قائم عند بيرس على
أساس الاستقراء الذى يبدأ من الواقع الخارجى
متىهيما إلى القانون أو النظرية ، وهو يمثل جزءا
هما من إجزاء نظريته المتعلقة بالبرهان الذى كان
بيرس قد وضع منذ حوالي عام ١٨٦٣ تخطيطا لها
وجعلها متعلقة بطرق ثلاث للبرهنة هى :
الاحتمال ، والاستقراء ، والاستدلال ٠ (٢) ٠

(١) المرجع السابق ، صفحة ١٨ .

(٢) المرجع السابق ، صفحة ١٤ .

الأولى وكانت من عائلة كبيرة ذات نفوذ في
نيو إنجلند ٠

ولقد عاش بيرس أواخر سن حياته في حالة
مالية سيئة ٠ وقد نجح وليم جيمس عام ١٩٠٣
في تقديم المساعدة له ، وذلك باقفال المسؤولين
في جامعة هارفارد بتخصيص عدد من المحاضرات
يلقيها بيرس بالجامعة ، فضلا عن تخصيص
سلسلة من المحاضرات يلقيها في معهد لوويل
Lowell ببوسطن ٠ وبواسطة الجهد
التي بذلها وليم جيمس أمكن أيضا جمع كمية
قليلة من المال ، من أصدقاء بيرس وطلبه المقدرين
إياه ، وكان هذا هو المورد الذي تعيش منه بيرس
بعد ذلك هو وزوجته حتى وفاته (١) عام
١٩١٤ ، بعد حياة دامت أكثر من خمس وسبعين
سنة مليئة بالمصاعب والمشاكل ، أمضى منها بيرس
الخمس سنوات الأخيرة في عذاب شديد من آلام
السرطان الذي توفي متأثرا به ٠

تطوره الفكري من خلال أهم مؤلفاته :
تعدد اهتمامات بيرس واتسعت حتى شملت
الرياضيات والمنطق ومناهج البحث فى العلوم
والفلسفة والعلم الطبيعي التجربى ٠
و فيما يتعلق بالعلم الطبيعي ، فإن اهتمامه به
يتضح من دراسته الأولى ٠ كما يتضح من العمل
الذى اشتعل به فيما بين عامي ١٨٦٩ ، ١٨٧٢
مساعدا فلكيا فى مرصد جامعة هارفارد ٠ ولقد
استمر بيرس فى دراسته منذ ذلك الوقت وحتى
سنة ١٨٧٥ وما بعدها فى هذا الميدان ، وقام
بعدة ابحاث فلكية ضمنها كتابه :

« ابحاث فى القياس الضوئي » (عام ١٨٧٨)

(١) المرجع السابق ، صفحة ٢٨ .

وهما المقالان اللذان حددا أول ظهور لفلسفه
البراجماتيزم مطبوعة ومنتشرة .

ولقد كان بيرس يربط دائما بين فلسفه
البراجماتية ، وبين اتجاهه التجربى العملي
المعملى ، حتى انه بعد ان بلغ سن الثانية والسبعين
من عمره ، كان لايزال يعتبر نفسه من
التجربيين ، كما ظل على احترامه للمعمل
التجربى العلمي . (مجموعة الابحاث ، المجلد
الخامس ، فقرة ٤١) . ولعل اوضح مثل
يووضح اتجاهه التجربى فى الفلسفه ، هو
التي قال عنها انه « يرفضها فى جملتها » .
رفضه لفلسفه هيجل Hegel المثلية
(مجموعة الابحاث ، المجلد الأول ، فقرة
٣٦٨) .

وفيما يتعلق بالرياضيات ، فكان اهتمام بيرس
بها كبيرا . ولقد كان من الممكن ان يؤتى هذا
الاهتمام ثمرته ، حتى ان سلفستر Sylvester
- وهو من كبار الرياضيين فى ذلك الوقت -
كان يتباين بـ بيرس سيفوق والده فى هذا
الصدد ، علما بأن أباه كان واحدا من كبار علماء
الرياضة فى الولايات المتحدة فى ذلك الوقت .
 الا ان بيرس حول اهتمامه بالرياضيات الى فلسفه
الرياضة ومفاهيم البحث فيها ، وانتهى الى منطقة
الرياضة Logicism ، اى تحليل الرياضيات
Principia Mathematica

وردها الى المنطق . فهو مع بداية عام ١٨٦٧ حاول
تعريف الاعداد الطبيعية بواسطة الحدود المنطقية ،
فنشر في ذلك العام بحثا « عن منطق الرياضيات »
سبق فيه الى تقديم بعض الافكار التي تبناها فيما
بعد هو اتيهد ورسّل في كتابهما « المبادئ
الرياضية »

وفيما يتعلق بالفلسفه ، نلاحظ انه كان يهتم
بالاتجاه الفلسفى القريب من روح العلم ، وهو
الاتجاه التجربى فى الفلسفه ، على الرغم من انه
كان قد تأثر في بداية حياته الفلسفية بفلسفه
كانت . وقد كتب بيرس تعبيرا عن تأثيره بكلانط
انه كان يخصص كل يوم ساعتين لدراسة كتاب
« نقد العقل الحالى » لمدة أربع سنوات انتهت
بعام ١٨٦٠ . الا ان بيرس بدأ يغير من اتجاهه
الفلسفى منذ عام ١٨٦٨ حين بدأ يميل الى الاخذ
برأى مدرسة « الفهم المشترك » .
الواقعية بناء على تأثيره بفلسفه توماس ريد
Th. Reid التي أوضحت له امكان الرد على
فلسفه هيوم Hume بطريقة مختلفة عن طريقة
كانت . (١)

ثم كانت الصورة الاخيرة التي تطور عليها
تفكير بيرس الفلسفى منذ عام ١٨٧٠ ، وهى
فلسفه البراجماتيزم أو الفلسفه العملية . ولقد
نشأت الفلسفه البراجماتية فى « النادى
الميتافيزيقي » فيما بين عامى ١٨٧٢ ، ١٨٧٤ ،
وهو النادى الذى كان كل من بيرس ووليم
جيمس من بين اعضائه يمثل الاتجاه التجربى
الانجليزى فى الفلسفه فى مقابل التأملاط
الميتافيزيقية المتمثلة فى فلسفة اغلب اعضاء ذلك
النادى . ولقد قدم بيرس بحثا يعرض فيه للافكار
التي كان يؤمن بها فى النادى ، ونشر هذا
البحث فى مقالين بعنوان :

- ١ - « ثبيت الاعتقاد » (نوفمبر ١٨٧٧)
The Fixation of Belief
- ٢ - « كيف نوضح افكارنا » (يناير ١٨٧٨)
How to Make Our Ideas Clear.

(١) المرجع السابق ، صفحة ٢٠ .

ولا يقوم الا على مجموعة من القوانين الخاصة بصدق الرموز . وقد زاد اهتمام بيرس بالمنطق الحديث حين قام بتدریسه في جامعة هارفارد عام ١٨٧٠ ، ونشر في ذلك الوقت أول دراسة له عن التقسيم الثلاثي للرموز في المنطق ، وذلك بعد ثلاث سنوات من اكتشافه لها . (٢) كما نشر كذلك

عام ١٨٧٠ بحثاً بعنوان :

« منطق العلاقات »

Logic of Relations

قدم فيه لعدة أفكار ومفاهيم تعتبر من أبرز المفاهيم الخاصة بالمنطق الرمزي الآن (٣) . وقد بدأ بيرس يتكتشف في منطق دى مورجن نماذج كثيرة ، خاصة بعد ظهور الدراسات التي قام بها جورج بول G. Boole في المنطق الجديد . وقد سجل بيرس ، وهو يشير إلى دى مورجن - وكان إذ ذاك رجلاً متقدماً في السن - ان مؤلفاته أصبحت قليلة القيمة اذا ما قورنت « بالتفوق الهائل الذي حققه منهج بول » . (مجموعة الابحاث ، المجلد الرابع ، الفقرة ٤) .

كما قام بيرس بمراجعة جبر بول كذلك ، كما جاعلا منه شيئاً صالحاً للقضايا وال العلاقات . كما حاول اقامة رابطة تربط بين منطق الفئات ومنطق القضايا ، وبدأ بحثه العام في جبر المنطق القائم على منطق بول منذ عام ١٨٨٣ . وقد نشر بيرس أثناء الفترة التي قضتها بجامعة جونز هوبكينز محاضراً في المنطق الكتاب التالي :

« دراسات في المنطق »

Studies in Logic

(١) المرجع السابق ، صفحة ١٧ .

(٢) المرجع السابق ، الموضع نفسه .

كما اعاد بيرس مثل هذه المحاولة مرة اخرى عام ١٨٨١ . الا انه تبين بعد مرور حوالي سبع سنوات ، بناء على ما ذكره ديديكند العالم الرياضي ، انه على الرغم من ان الرياضيات يمكن اقامتها على اساس المنطق ، الا انه لا يزال هناك فارق جوهري بين المبحثين . (مجموعة الابحاث ، المجلد الرابع ، فقرة ٢٣٩) .

اما عن اهتمام بيرس بالمنطق ، « فكان اهتماماً مستمراً متصلاً حتى لم يكن القول بأن وفاته فقط ، كانت هي التي حددت بالفعل ان مشكلات المنطق الحديث ، يجب أن يقوم بحلها وتتناولها آخرون غيره » (١) . الواقع ان اهتمام بيرس الحقيقي بمشكلات المنطق انما يعود الى عام ١٨٦٦ حين تلقى من دى مورجن A. De Morgan عالم المنطق الانجليزي مقالاً في المنطق الحديث (مجموعة الابحاث ، المجلد الأول ، الفقرة ٥٦٢) ، يرجح فيلمان في كتابه « مقدمة لفلسفه بيرس » صفحه ١٢ « ان يكون هو الذي حفظ بيرس على القيام باتخاذ الخطوات الأولى الجادة للدراسة المنطقية التي أثمرت اهم ما انتج بيرس أو كتب على الاطلاق » .

وكان أول خطواته على درب المنطق الحديث هي رفضه لكثير من مفاهيم المنطق القديم التقليدي ، فرفض عام ١٨٦٦ طريقة كانط في رد جميع انواع التفكير الاستدلالي الى القياس من الضرب ، الأول من الشكل الأول (مجموعة الابحاث ، المجلد الرابع ، الفقرة ٢) . كما بدأ في العام نفسه في تكوين فكرة عامة عن اقامة علم صوري لا يتكون الا من رموز فقط ،

(١) المرجع السابق ، صفحة ٢٠ .

Buchler, Justus (editor): The Philosophy of Pierce, Selected Writings.
(London, Kegan Paul, 1940).

(ب) كما نشر موريس كوهين كذلك بعضا منها بعنوان «الصدفة ، والحب ، والمنطق» :

Morris, R. Cohen. (editor): Chance, Love and Logic. (Philosophical Essays by C.S. Pierce The Founder of Pragmatism).
(New York, 1923, Braziller, 1956).

(ح) ونشر كذلك توماس بعضها بعنوان «مقالات في فلسفة العلم» :

Tomas, V. (editor): Essays in the Philosophy of Science.
(New York, Liberal Arts Press, 1957).

(د) كما نشر فينر ايضا عددا من ابحاث بيرس بعنوان «القيم في عالم الصدفة» (مختارات من كتاب بيرس بين عامي ١٨٣٩ ، ١٩١٤) :

Wiener P.P. (editor): Values in a Universe of Chance.
(A Doubleday Anchor book No. A, 126. New York 1958).

ولقد ظهر مجلدان آخران بعد ذلك ، عام ١٩٥٨ ، يحتويان على بعض الابحاث التي لم يسبق نشرها في الستة مجلدات السابقة ، هما المجلدان السابع والثامن :

Pierce, C.S.: Collected Papers.
(Vols. 7&8).
(edited by: Burks, A.W., U.S.A., 1958).

ومما هو جدير بالذكر ان بيرس كان اثناء تناوله بعض موضوعات المنطق ، يفرد لدراستها بحوثا خاصة ، وهى التى تجدها فى المجلدين الثاني والثالث من مجموعة ابحاته ، الا انه كان يعرض لكثير من الموضوعات المنطقية فى اغلب ابحاته الاخرى التى لم يخصصها للمنطق .

هذا ويمكن تلخيص أهمية تشارلز بيرس فى مجال المنطق الحديث - بالإضافة الى ما ذكرناه فى مقدمة هذا المقال - بشكل موجز على النحو الآتى :

وكان آخر عمل منظم قام به فى مجال المنطق هو كتابه المقالات الخاصة بالمنطق فى قاموس بلدوبين J.M. Baldwin الذى نشر بعنوان «قاموس الفلسفة وعلم النفس» ، فى الفترة بين عامى ١٩٠١ ، ١٩٠٥ .

هذا ولقد تم تجميع ابحاث ومقالات بيرس المنطقية الهامة فى المجلدين الثانى والثالث من المجلدات الستة التى شملت اهم ما تم نشره من ابحاث له ، وذلك بعنوان :

«مجموعة الابحاث

Charles Sanders Pierce : Collected Papers.
(Six Volumes, edited by Charles Hartshorne and Paul Weiss, Harvard University Press, 1931-1935).

وقد نشرت المجلدات الست لهذه الابحاث بالاسماء التالية (وهى من وضع الناشرين وليس من وضع بيرس بالطبع) :

١ - المجلد الأول : مبادئ الفلسفة (١٩٣١)
Vol. I: Principles of Philosophy.

٢ - المجلد الثانى : عناصر المنطق (١٩٣٢)
Vol. II: Elements of Logic.

٣ - المجلد الثالث : المنطق الصحيح (١٩٣٣)
Vol. III: Exact Logic.

٤ - المجلد الرابع : أبسط الرياضيات
(١٩٣٤)

Vol. IV: The Simplest Mathematics.

٥ - المجلد الخامس : البراجماتية والبراجماتية
(١٩٣٤)

Vol. V: Pragmatism and Pragmaticism

٦ - المجلد السادس : الميتافيزيقا العلمية (١٩٣٥)
Vol. VI: Scientific Metaphysics

وقد أعيد نشر بعض هذه الابحاث فى كتب منفصلة ، فنشر منها :

(١) بتسلسل ٢٧ بحثا عام ١٩٤٠ بعنوان «فلسفة

بيرس» ، مختارات من كتاباته :

٢ - كما تعود أهمية بيرس الى انه ربط بين اجرائي الجمع والضرب بين الفئات ، على النحو الآتى : (١)

$$\frac{L + M}{L \times M} = L \times \frac{M}{M}$$

وهو بلا شك تعبير قريب الشبه ببرهنة دى مورجن التى تلخص فى القول بان : سالب حاصل جمع أى حددين = حاصل ضرب سالب الحدين . وان سالب حاصل ضرب أى حددين = حاصل جمع سالب الحدين . الا ان الجديد فى هذه الحالة هو العلامة الرمزية التى أدخلها بيرس لتوضيح كيفية ايجاد العلاقة بين الاجرائين المختلفين . الأمر الذى ترتب عليه ايجاد نوع من التوازى الدقيق بين البرهانات الخاصة بالجمع المنطقي وتلك المحتوية على الضرب المنطقي . (٤)

هذا وتعود أهمية بيرس فى هذا الصدد كذلك الى انه قد ميز فى بحثين له عام ١٨٦٧ بين الاجراءات الحسابية والاجراءات المنطقية بالنسبة للمفئات ، الأمر الذى أدى الى اسقاط اجراء القسمة

عند بول ، والى اعادة تفسير اجراء الطرح . (٣)

٣ - وهذا يمهد للقول بأن أهمية بيرس المنطقية تتضح بأجل صورة فى نظامه الرمزى الصالح للمنطق كله ، والمتافق ذاتيا فى بنائه مع الانسان المعروفة الآن . وقد كان بيرس نفسه يسمى هذا النظام الرمزى الخاص به باسم (الجبر العام للمنطق) General Algebra of Logic

(١) Kneale, W. & M.: The Development of Logic, p. 429

(٢) المرجع السابق ، صفحة ٤٢٢

(٣)

Lee, H.N. : Symbolic Logic, p. 8.

١ - انه كان أول من كشف عن أهمية منطق العلاقات وذلك فى البحث الذى نشهده عام ١٨٧٠ *Logic of Relatives* بعنوان منطق العلاقات وهذا ما يتضح أيضا من سلسلة المقالات والابحاث التى كتبها ابتداء من ذلك العام وحتى عام ١٩٠٣ . (١)

ولقد اهتم بيرس كذلك بتطبيق الاجراءات المنطقية بالنسبة للعلاقات لتكوين علاقات جديدة ، مثل حاصل الضرب النسبي للعلاقات Relative Product حقا ان دى مورجن كان قد عرف ضرب العلاقات ووضع لها رمزا هو « Lm » اختصارا للقول : « L الذى يكون M والذى يكون 000 » ، الا ان بيرس استخدم رمزا آخر يمكن التعبير عنه كما يلى :

« $L \times -M$ » ، لكي يوضح جدة الفكرة ، وكذا خطورة تصور أو افتراض ان يكون الضرب النسبي للعلاقات اجراء تبادليا . ومما لا شك فيه ان مثل هذه الملاحظة كانت ذات اثر كبير فى كثير من المناطقة المعاصرین مثل برتراند رسيل الذى ذهب فى كتابه « مقدمة للفلسفة الرياضية » ، صفحه ٧٦ من الترجمة العربية » الى القول بأن « حاصل الضرب النسبي لعلاقاتين ليس بصفة عامة تبادلية ، أى ان حاصل الضرب النسبي للعلاقة U مع Q ليس بصفة عامة عين العلاقة لحاصل الضرب النسبي للعلاقة Q مع U ، مثال ذلك : حاصل الضرب النسبي للوالد والأخ هى العم ، ولكن حاصل الضرب النسبي للأخ والوالد هو الوالد ». هذا فضلا عن ابتكار بيرس لعلاقة الاتدرج أو كشفه عنها ، وتقديمه ايها على انها علاقة تضمن فئة لفئة أخرى أو اندراج فئة في فئة اخرى . (٢)

(١) Kneale, W. & M.: The Development of Logic, p. 427.

(٢) Lee, H.N.: Symbolic Logic, p. 8

مع تمهيد قصير ، وعدة ملحوظات في صفحات
قليلة للناشرين .

ومن الطبيعي الا يكون اسم هذا المجلد من وضع بيرس ، اذا انه قد نشر بعد وفاته ، بل هو من وضع من قاموا على نشر هذه الابحاث ، وذلك لكي يقابلوا بين الموضوعات التي تدرسها هذه الابحاث وبين موضوعات ابحاث اخرى لبيرس في المنطق جمعها الناشران في المجلد الثاني بعنوان « عناصر المنطق » ، وفيها كان بيرس يمهد لنطقه الجديد .

ويحتوى هذا المجلد الخاص « بالمنطق الصحيح » على عشرين بحثا ، منها ما هو قائم على الدراسة ومنها ما يكتفى فيه بيرس بمجرد الملاحظة والتعليق كما هو الحال في البحثين رقم ٥ و رقم ٢٠ ومنها ما يقتصر فيه بيرس على مجرد الوصف والتوضيح كما هو الحال في البحثين رقم ٣ و رقم ٩ أو بالنقد كما في البحث رقم ١٧ . وفيما يلى بيان مفصل بالموضوعات والدراسات الواردة في الكتاب :

البحث رقم ١ : « عن تطوير الحساب التحليلي للمنطق عند بول » - عام ١٨٧٦ .

البحث رقم ٢ : « عن منطق الرياضيات » - عام ١٨٧٦ ، وقد قام فيه بيرس بتحليل علم الحساب ، كما تناول فيه الحساب التحليلي عند بول .

البحث رقم ٣ : « وصف لعلامة الرمز الخاصة بمنطق العلاقات » - عام ١٨٧٠ . وفيه تناول بيرس علامة الرمز عند دي مورجن ، مقارنة ايها بالعلامات الجبرية ، وقد اقتضاه هذا محاولة تعريف الرموز الجبرية . وقد قام بيرس في هذا البحث كذلك بمحاولات تطبيق علامات الجبر

ولقد احتوى نظامه الرمزي على رموز جديدة ادخلها بيرس مثل الاربعين التاليين اللذين يستخدمهما للدلالة على أسوار القضايا ، وهما : \neg (ويفيد معنى « بعض ») (ويفيد معنى « كل » عند بيرس) . (١)

ـ كما تعود أهمية بيرس في المنطق الى انه كان أول من ذهب الى امكان رد جميع الاجراءات الخاصة بالقضايا الى اجراء واحد فقط . وقد قدم بيرس نتيجة بحثه هذا في مقال كتبه عام ١٨٨٠ ، ونشر بعد ذلك في المجلد الرابع من مجموعة ابحاثه . والاجراء الأول الذي يستخدمه بيرس ، هو اجراء سلب الفصل (٢) أي الذي يفيد معنى (ليس أ أو ب) والذي نعبر عنه رمزا بالشكل التالي : ٧١ ب . وأهمية بيرس في هذا الصدد تتعلق كذلك بمعنى الاجراء الذي اتبع ازاء الفتئتين ١ ، ب . وهو اجراء الفصل disjunction الذي كان بيرس يستخدم له الرمز « + » تطبيقا لما اقترحه جيفونز في كتابه « المنطق الخاص » عام ١٨٦٤ من استخدام الرمز « + » بمعنى « أ أو ب » بدون أي تحديد العلامات التي قد يرد بينها هذا الرمز . (٣)

Exact Logic المنطق الصحيح

وهو المجلد الثالث من مجموعة ابحاث بيرس ، نشر عام ١٩٣٣ في ٤١٦ صفحة من القطع الكبير ،

Kneale, W. and M.: The Development of Logic, p. 430. (١)

Reichenbach H.: Elements of Symbolic Logic, p. 43 (٢)

Kneale, W. and M.: The Development of Logic, p. 422. (٣)

١٨٨١ : وفيه يتكلم بيرس عن الصور والأشكال النسبية للجبر ، وعن انواع الجبر التي تكون التقسيم فيها غالبا غير واضح .
البحث رقم ٩ : «وصف موجز لجبر العلاقات» - عام ١٨٨٢ .

البحث رقم ١٠ : «عن المسنود العلاقي للرباعيات» - عام ١٨٨٢ .

البحث رقم ١١ : «عن الفئة الخاصة بأنواع الجبر» - عام ١٨٨٢ .

البحث رقم ١٢ : «منطق العلاقات» - عام ١٨٨٣ .

البحث رقم ١٣ : «عن جبر المنطق» : محاولة لا يجاد فلسفية لعلامة الرمز عام ١٨٨٥ وفيه يتكلم بيرس أساسا عن العلاقات وأنواعها ، ويحدد لها ثلاثة أنواع .

البحث رقم ١٤ : «عن نقد البراهين» - عام ١٨٩٢ . وفيه يتكلم بيرس عن التفكير الصحيح القويم ، وعن البراهين التي يعتمد عليها في التوصل إلى نتائج صحيحة .

البحث رقم ١٥ : «المنطق التجدد» - عام ١٨٩٦ .

البحث رقم ١٦ : «منطق العلاقات» - عام ١٨٩٧ . ويتكلم فيه بيرس عن مستويات الوضوح المنطقى ، وعن العلاقات في كل مستوى من مستويات الوضوح . كما يتناول جبر العلاقات الثانية من حيث علاقته بالجبر العام للمنطق ، موضحا مفهوم شروع در في هذا الصدد ، معلقا على تصوره الخاص بمعالجة المشكلات المنطقية .

البحث رقم ١٧ : «منطق الرياضيات وعلاقتها بالتربيـة» - عام ١٨٩٨ .

واستخدامها في التعليم . وأنتهى من ذلك الى صيغ صورية عامة ، وإلى تحديد للمنهج الذي يجب اتباعه أثناء استخدام هذه العلامات الرمزية .

البحث رقم ١٨ : «عن تطبيق التحليل المنطقي بالنسبة للجبر متعدد القيم» - عام ١٨٧٥ .

البحث رقم ١٩ : «ملاحظة على المساب التحليلي عند جراسمان Prassmann» - عام ١٨٧٧ .

البحث رقم ٢٠ : «عن جبر المنطق» - عام ١٨٨٠ . وينقسم إلى ثلاثة أجزاء :

الجزء الأول منه يتكلم فيه بيرس عن الطريقة عن جبر الرابطة Algebra of Copula الفياسية في المنطق ، وعن صور القضايا ، تم التي تربط بين حدود القضية . والجزء الثاني منه ، تناول فيه بيرس الحدود غير العلاقي ، موضحا بذلك : (١) اجراء الضرب الداخلي ، واجراء الجمع في المنطق . (٢) وكذا كيفية حل المشكلات في المنطق غير العلاقي . أما الجزء الثالث من البحث فقد خصصه بيرس لمنطق العلاقات ، فتناول فيه العلاقات من حيث تضمنها وتركيبها والمفاهيم التي يجب أن تتبع أثناء إقامة جبر العلاقات ، متمنيا إلى الصياغة الصدرية العامة للعلاقات .

البحث رقم ٢١ : «عن منطق العدد» - عام ١٨٨١ . وفيه يقوم بيرس بتعريف الكم أو المقدار ، مفرقا بين الكم البسيط والكم المنفصل المتبين . كما يتناول فيه بتعريف الكم الشبيه باللامتاـهي ، وكذا الكم المنفصل Semi-eintinis البسيط اللامتاـهي في كل اتجاهيه ، والكم المنفصل البسيط المحدود أو المتأهي .

البحث رقم ٢٢ : «عن أنواع الجبر» - عام

لتنفيذها يبرس اشتى عشرة نظرية تقوم على الاسس التالية : الوجdan الذاتي ، النور الطبيعي للعقل ، الفلسفة ، علم النفس ، معطيات علم النفس ، نظرية المعرفة ، الفيلولوجيا وفقه اللغة ، نظام المجتمع ، سلطة الكنيسة ، تاريخ العلم ، الخبرة الفردية ، والواقع أو الحقائق التي يدور حولها التفكير ٠ (١)

فقد رفض بيرس - على خلاف زيجفرت Schröder Sigwart وشرويدر القول بأن النطق قد أقيم على أساس الوجدان الذاتي ٠ « مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ١٩ » ٠ ويناقش بيرس ذلك فيقول انا حتى لو سلمنا جدلاً بان التفكير Rationality قائم على اساس الوجدانات ، فان هذا لا يعني انه يتكون من الوجدانات ٠ لأن الوجدانات عنده اما خيرة او شريرة في حين ان التفكير لا يكون كذلك ، بل يوصف بأنه صحيح كامل دقيق او غير ذلك ٠ ولا وجود عنده لوجدانات زائفة او كاذبة ، كما انه لا وجود لتفكير عقلی خير او شرير ٠ « مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ١٥١ » ٠

كما رفض بيرس - على خلاف أصحاب النطق الارسطي - القول بأن النطق قائم على اساس من النور الطبيعي للعقل ٠ فليس نور العقل الا اساساً للوضوح الذاتي ٠ الا ان الوضوح الذاتي يتطلب الارتداد الى « عملية برهنة أولى تعتمد على مقدمة لا يمكن البرهنة عليها » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٢٧) ٠ كما رفض بيرس

Feibleman, J.K.: An Introduction to Peirce's(1) Philosophy, p. 81

- البحث رقم ١٨ : « عن الكميات الامتناهية في الصفر » Infinitesimals - عام ١٩٠٠ ٠
 البحث رقم ١٩ : « تسمية العلاقات الثنائية وأقسامها » - عام ١٩٠٣ ٠ وقد ذكر فيه بيرس أربعة أنساق للتقسيم ٠
 البحث رقم ٢٠ : « ملحوظات على المنطق الرمزي وعلى الرياضيات » - عام ١٩١١ ، ١٩١٢ ٠

من العرض السابق ، يلاحظ ان الموضوع الأساسي الذي تكاد تدور حوله ابحاث بيرس في هذا المجلد ، هو جبر النطق ، وما يتعلق منه بالعلاقات خاصة ٠ ولكن يتضح جبر العلاقات ومنطقتها عند بيرس ، فإنه من الضروري بيان موضع هذه الفكرة من منطقه او من نظريته العامة في المنطق ٠ وجدير بنا في هذا الصدد ان نذكر الملاحظتين التاليتين فيما يتعلق بعرضنا لهذا الكتاب ، وهما :

١ - انه يستحيل عرض منطق العلاقات ، وهي أهم موضوعات هذا الكتاب ، الا من خلال عرض النطق عند بيرس بوجه عام ٠

٢ - انه من المتعدد في هذا المقال الحالى ، عرض النظام الرمزي الخاص ببيرس ، لأن هذا الأمر يتطلب نوعاً من الاسهاب في شرح معانى الرموز والعلامات التي يستخدمها ٠ وفيما يلى تفصيل ما أوجزناه :

يبدأ بيرس ، قبل ان يقيم نظريته الخاصة بأسس المنطق ، بمناقشة النظريات الكلاسيكية التي كانت تجذب من يدافع عنها في ذلك الوقت ، مفتداً براهينهم ، مما يهدى لاقامة نظريته الخاصة في المنطق ٠ ولقد كانت النظريات التي تصدى

اقامة المنطق على اساس فلسفى ٠ اذ لو كان المنطق قائما على أساس ميتافيزيقي لا يمكن اقامة الميتافيزيقا على أساس المنطق ٠ وبما ان «الميتافيزيقا التي لا تقوم على اساس علم المنطق هي من بين جميع فروع البحث العلمي ، البحث الذي يتصرف بعدم الاستقرار ،凡ها بالتالي لا تكون مأمونة الجانب ، ومن ثم تكون غير صالحة كذلك لكي تكون أساسا نقيمه عليه موضوعا هاما مثل المنطق» ٠ (مجموعه الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٣٦) وهكذا ، بما ان «الميتافيزيقا يجب ان تكون قائلة على اساس المنطق» (مجموعه الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ١٦٨) ، فإن المنطق لا يمكن أن يكون قائما على اساس الميتافيزيقا ٠

كما يرفض بيرس اقامة المنطق على اساس علم النفس فيقول «ان أي علم للنفس سوف يتترك المشكلة النظرية كما هي» (مجموعه الابحاث ، المجلد الخامس ، الفقرة ١٧٢) ، لأن بيرس كان يرى ضرورة التفرقة بشكل واضح بين التفكير العقلى ، وبين العلاقات القائمة بين الحقائق التي يبدأ بها التفكير ، وبين الحقائق التي يستدل عليها العقل أو يستنتجها ٠

وكما رفض بيرس اقامة المنطق على اساس علم النفس ، فقد رفض اقامته على أساس من معطيات علم النفس ، أو على أساس من نظرية المعرفة ، وهو رأى فونت Wundt داردمان Erdmann فنظرية المعرفة عنده انتما تهتم بما اذا كان في استطاعتنا ان نعرف شيئا عن الواقع الخارجى ، لكن عالم المنطق «لا يحتاج الى ان يقرر ما اذا كان شيء مثل الواقع الخارجى موجودا أو غير موجود على الاطلاق» (مجموعه الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٦٤) ، لأن «المنطق يفترض (ولا يثبت

أو يقر) وجود نوع من المعرفة الضمنية على نحو ما ، وكذا وجود الاستدلال » (مجموعه الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٦٦) ٠ كما يرفض على خلاف شتاينثال Steingthal وسايس Sayce رد المنطق الى فقه اللغة ، أو رده ، كما فعل ؟ على خلاف بيرسون Pearson أو رده - كما فعل على خلاف مناطقة العصور الوسطى - الى سلطة الكنيسة ، أو رده - على خلاف هيويول Whewell - الى تاريخ العلم ٠ (١) كما يرفض بيرس اقامة المنطق - على خلاف رأى جراترى Abbé Gratry على اساس الخبرة الفردية المباشرة ٠ واخيرا يرفض بيرس - على خلاف رأى كارفث ريد Carveth Reda في كتابه «نظريه المنطق» عام ١٨٧٨ - اقامة المنطق على أساس الحقائق التي تتعلق بالأشياء التي يدور حولها التفكير ٠

أساس المنطق :

اذن ما هو الأساس الذي يقوم عليه المنطق عند بيرس ؟ الأساس عنده هو تأكيد صدق الخبرة والتجربة ، وهو في هذا الصدد يقول : «ان الخبرة اليومية التي تؤثر في عقل الانسان وتتطبع عليه في كل ساعة من حياته لا يمكن الشك فيها ٠٠٠ هذا هو المصدر الاساسى الذي يحقق للمنطق ان يؤكده » ٠ (مجموعه الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٧٥) ٠ وهكذا فالصدق الوضعي (الایجابي) الذي يثبته المنطق ويفعله انما يقوم على اساس (وقائع معينة من الخبرة) (مجموعه الابحاث ، المجلد الخامس ، فقرة

(١) المرجع السابق ، صفحة ٨٤ ٠

١١٠) ، التي تكون هي نفسها وقائع موجبة ٠

طبيعة المنطق :

وطبيعة المنطق عند بيرس شبيهة بطبيعة الرياضيات ، وهو في هذا الصدد يقول « ان الحد الفاصل بين بعض اجزاء المنطق وبين الرياضيات البحتة في تناولها الحديث حد زائل » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٢١٥) ، ولذا « فان المصدر الأساسي للصدق المنطقي ، على الرغم من ان المناطقة لم يتبنوه أبداً ، يجب ان يكون هو نفسه مصدر الصدق الرياضي » ٠ (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٢٢٧) ٠

اقسام المنطق عند بيرس :

يقسم بيرس المنطق الى ثلاثة اقسام ، تغطي الدلالات الاساسية للعلامة (أي : جهة الدلالة ، والشيء الذي تدل عليه ، والشخص الذي يفهم هذه الدلالة) ، ويسمى بيرس هذه الاقسام

باسماء التالية :

١ - القواعد النظرية Speculative Grammar

(وهو في هذا يتبع دانز سكوت Duns Scotus) ، أو النظرية العامة المتعلقة بطبيعة المعنى والعلامات ٠ ذلك الفرع من المنطق الذي يصنف البراهين والمحجج ، ويحدد صلاحية كل نوع ٠

٢ - المنطق النقدي Critical Logic ، وهو

٣ - واخيرا الخطابة النظرية Speculative Rhetoric ، أو العلم الخاص بمنهج التفكير وطريقته الذي « يدرس الطرق والاساليب التي ينبغي اتباعها اثناء التفكير والتأمل وعرض النتائج » (مجموعة الابحاث ، المجلد الاول ، الفقرة ١٩١) ٠ (١)

اما القواعد النظرية ، فستنال بالدراسة النظرية العامة للعلامات ، بينما يختص المنطق النقدي

الا انه على الرغم من العلاقة الواضحة بين المنطق والواقع الخارجي ، وبين المنطق والرياضيات من جهة اخرى ، فان المنطق في حقيقته لا يرتدى الى الواقع الخارجي ، ولا الى بدويهيات قائمة على اساس التفكير المجرد ، لأن « المبادئ الأساسية للمنطق ليست هي البدويهيات الخالصة ، بل هي مجرد تعريفات وتقسيمات » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ١٤٩) ٠ وهكذا فالمنطق عند بيرس يبدأ من تعريفات وتقسيمات ، وهذه كما يرى بيرس انما تدور حول الوظائف الخاصة بالعلامات ٠ العلامات Signs كما يقول : « عبارة عن شيء ما ، يمثل بالنسبة لشخص معين شيئا آخر من بعض الوجوه أو من حيث الامكان والاستطاعة » ٠ (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٢٢٨) ٠ والعلامة من الافكار الأساسية في المنطق عند بيرس ، حتى انه يعرف المنطق بأنه : « علم القوانين الضرورية العامة للعلامات » (مجموعة الابحاث ، المجلد

(١) وقد تكلم بيرس عن معنى قريب من هذا في أكثر من موضع من ابحاته مثل : المجلد الأول ، الفقرة ٥٥٩ ، والمجلد الثاني ، الفقرة ٩٣ ، والفقرة ٢٢٩ ٠

تشير العلامة نفسها اليه « أى يكون هو نفسه موضوعها » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٣٠٣) . وتسى العلامة ، بعلامة التمثيل repres entamen فى كل حالة تستخدم فيها « لكي تمثل موضوعا مستقلا أو منفصلا عنها » (مجموعة الابحاث ، المجلد الاول ، الفقرة ٥٣٨) . فهي تمثل شيئا هو موضوعها its object أنها تمثل موضوعا بالنسبة لشخص ما (أى شيء ما) بحيث تشير فيه علامة أكثر تطورا ، هي ما يسميه بيرس باسم الشارح (أو المفسر) Interpretant ولكل يتضح هذا المعنى نقول : ان كلمة « كتاب» مثلا هي علامة منطقية ، تحدد شيئا آخر هو « الفكرة أو الصورة الذهنية في عقل الانسان عن الكتاب » ، وهى التي تفسر معنى العلامة ، بغض الاشارة الى موضوع هو الكتاب نفسه الذي تشير اليه العلامة ، وعلى ذلك فالعلامة تشير الى شيء ، وتحدد الفكرة . وال فكرة هي الشارح للعلامة ، والشيء هو الموضوع الذي تشير اليه العلامة والفكرة معا .

واخرا ، فالعلامة تمثل موضوعا بالنسبة للشارح من جهة أخرى . أى انها تمثل الحصان المشتركة Common Charactus بالنسبة للموضوع ، وتسى هذه الجهة التي تمثل من خلالها العلامة موضوعها بالأساس ground (١) . هنا ولا يمكن لعلامة التمثيل ان تمثل موضوعا الا اذا كان هناك نوع من القدرة أو الاستطاعة تتعلق بالشارح ، والا لما امكن قيام التمثيل . لأن موضوع المعرفة المباشرة هو دائما شيئا يستحيل نقله أو توصيله بواسطة المنطق . وهكذا فالعلامة

(١) المرجع السابق ، الموضوع نفسه .

بالبحث في مدى مطابقة البراهين والمحاجج للصدق ، وقيامها على أساسه . في حين يتعلق الجزء الخاص بالخطابة النظرية بكيفية توصيل التفكير الى الآخرين عن طريق اللغة وبالكشف عن الصدق . (١) من هذه الاقسام الثلاثة نجد ان القسمين الأول والثانى يتضمنان مجال البحث الخاص بما يسمى بالنطق الرمزى أو الرياضى المعاصر . (٢) ولقد وسع بيرس من بحثه في القسم الثانى لكي يشمل دراسة كل من اللزوم الضرورى والاستدلال الاحتمالى . أما القسم الثالث فيحمل اسما قد ياما لدراسة قديمة كان بيرس يهدف الى اعادة احيائها ، وهى دراسة الخطابة النظرية . ويهم هذا القسم من النطق « بدراسة القوانين التي بناء عليها ، تتولد علامة من علامة أخرى أو تنتج عنها » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثاني ، الفقرة ٢٢٩) ، وذلك بناء على القوة الموجودة في الافكار والتي يجعلها قادرة على ابراز نفسها والتعبير عنها . ويتضمن هذا القسم من النطق عند بيرس ، السيمية Semantics « أو علم مفردات اللغة ، أو هي دراسة معانى الرموز أو التحليل المنطقى لها » ، وكذا البراجماتية ومنهج البحث العلمي أو ما يسمى بمنطق الكشف Logic of discovery

مبدأ السيمية الصورى :

المنطق عند بيرس هو علم العلامات (٣) ، والعلامة Sign عنده هي « أى شيء يحدد شيئا آخر » يكون هو شارح معناه أو مفسره لكي يشير الى موضوع its interpretant

Feibleman, J.: An Introduction to the Peirce's Philosophy, p. 88.

(١) المرجع السابق ، الموضوع نفسه .

(٢) المرجع السابق ، صفحه ٨٩ .

(القانون من حيث هو علامة) «المراجع السابق» الفقرة ٢٤٦

وعلاقة الصفة عند بيرس «لا يمكن ان تصبح بالفعل رمزا الا اذا تم تجسيدها» الا ان تجسيد العلامة ليس له علاقة بالصفة من حيث هي علامة «مجموعه الابحاث»، المجلد الثاني، الفقرة ٢٤٤ وبما ان علامة الوجود عند بيرس في حقيقتها شيء واقع أو حادثة» «ولا يمكن ان تكون على هذا التحو الا من خلال صفاتها، فانها تتضمن علامة او علامات صفة» «مجموعه الابحاث»، م ٢٢ فقرة ٢٤٥ «وبالمثل فان علامات القانون تصبح عند بيرس علامات من خلال استخدامها وتطبيقها» «وهكذا فكل علامة قانون تتطلب علامات وجود» (مجموعه الابحاث)، م ٢، الفقرة ٢٤٦

ثانياً : أما التقسيم الثالثي الثاني للعلامات عند بيرس فيتلخص في :

١ - الصورة icon ، وهي العلامة التي تدل على موضوع ما بناء على خصائص فيها هي، سواء كان الموضوع الذي تدل عليه موجوداً أو غير موجود

٢ - والدليل index ، وهو «العلامة التي تدل على موضوع، بناء على كونها قد تأثرت بالفعل بواسطة ذلك الموضوع» (مجموعه الابحاث)، م ٢، الفقرة ٢٤٨

٣ - والرمز symbol ، وهو «علامة تدل على الموضوع الذي تدل عليه بواسطة قانون ما»، وهو يكون عادة ترابطاً لأفكار عامة، تعمل على تفسير الرمز وشرحه على انه دال على ذلك الموضوع» (مجموعه الابحاث)، م ٢، الفقرة ٢٤٩

عند بيرس يمكنها ان تمثل الموضوع وان تخبر عنه، لكنها لا يمكنها ان تزودنا بمعرفة عن هذا الموضوع بطريقة كاملة . (١) هكذا يستخدم بيرس الاسماء التالية : علامة التمثيل، الموضوع، الشارح، والأساس لتفسير الوظيفة السيمية أو العلاقة السيمية للدلالة أو لقيام المعنى . وهذه العلاقة السيمية علاقة ثلاثة، وتعتمد أولياً على علامة التمثيل، والموضوع، وكذلك الشارح . والعلاقات الثلاثية عند بيرس ثلاثة أقسام هي : (٢)

(ا) علاقات ثلاثة خاصة بالمقارنة Comparison أو بالامكانات المنطقية القائمة على نوع العلاقة .
(ب) علاقات ثلاثة خاصة بالأداء Performance أو بالواقع الفعلية، القائمة على نوع الأساس ground الخاص بها .

(ج) علاقات ثلاثة خاصة بالتفكير thought أو بالقوانين القائمة على نوع الصدق . (مجموعه الابحاث، المجلد الثاني، الفقرة ٢٣٤)
أولاً : وأول تقسيم ثلاثة للعلامات عند بيرس، يتلخص في القول :

١ - علامة الصفة qualisign ، (أى الصفة التي تكون علامة) (مجموعه الابحاث، المجلد الثاني، الفقرة ٢٤٤)

٢ - علامة الوجود Sinsign ، (أى الوجود الفعلي أو الشيء أو الحادث الذي يكون علامة) «مجموعه الابحاث»، المجلد الثاني، الفقرة ٢٤٥

٣ - علامة القانون legisign ، (أى

(١) المرجع السابق، الموضوع نفسه .

(٢) المرجع السابق، صفحة ٩٠ .

وَبَيْنَ الْمَوْضُوعَ وَمِنْ هَذِهِ الْجَهَةِ يَدْلِي الدَّلِيلُ عَلَى مَوْضُوعِهِ » (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٢٤٨) . وَمِنْ نَمْ فَإِنْ « الدَّلِيلُ يَرْتَبِطُ فِي زِيَادَتِهِ مَعَ مَوْضُوعِهِ »، وَيَكُونُانِ مَعًا (زَوْجًا وَاحِدًا عَضْوَيَا) . وَلَذَا فَالدَّلِيلُ عَنْدَ بِيرِسْ « هُوَ عَالِمَةٌ تَقْدِيرُ فِي الْحَالِ، الصَّفَةُ الَّتِي تَجْعَلُهَا عَالِمَةً، إِذَا مَا اخْتَفَى مَوْضُوعُهَا . لَكِنَّهَا قَدْ لَا تَقْدِيرُ هَذِهِ الصَّفَةَ حَتَّى وَلَوْ لَمْ يَوْجُدْ هُنَاكَ شَارِحٌ لَهَا» . (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٣٠٤) .

هَذَا وَتَصَافُ الدَّلَائِلُ عَنْدَ بِيرِسْ بِثَلَاثِ سُمَاتٍ أَسَاسِيَّةٍ تَمْيِيزُهَا عَنْ غَيْرِهَا مِنَ الْعَالَمَاتِ هِيَ: ١ - إِنَّهَا لَا تَشَابَهُ شَبَابَهَا ذَا دَلَالةً مَعَ مَوْضُوعَاتِهَا .

٢ - إِنَّهَا تَدْلِي عَلَى مَفَرَّدَاتٍ جُزِئِيَّةٍ .

٣ - إِنَّهَا تَوْجِهُ الْإِنْتِبَاهَ مُبَاشِرَةً إِلَى مَوْضُوعَاتِهَا بِنَوْعِ الْاِلَازَامِ . (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٣٠٦) . وَيُوضَّحُ بِيرِسْ ذَلِكَ بِمِثَالِ مَحْسُوسٍ فَيُقُولُ: « إِنَّ طَرِيقَةَ خَفْيَةَ عَلَى الْبَابِ دَلِيلٌ . وَأَى شَيْءٍ يَجْتَذِبُ الْإِنْتِبَاهَ بِحِيثِ يَتَرَكَ عَلَيْهِ، دَلِيلٌ . وَأَى شَيْءٍ يَزْعُجُنَا دَلِيلٌ، طَلَّا إِنَّهُ يَضُعُ عَالِمَةً عَلَى مَلْقَى جُزُءَيْنِ مِنَ الْأَجزاءِ الْخَبْرَةِ» وَهَكُذا فَلَيْسَ مِنَ الضرُورِيِّ أَنْ يَكُونَ الدَّلِيلُ عَنْ بِيرِسِ اسْمًا أَوْ حَتَّى جُزْءًا مِنَ الْلُّغَةِ المُنْطَوِقَةِ أَوْ الْمُكْتَوِبَةِ « فَهُوَ قَدْ يَكُونُ مَجْرِدَ نَظَرَةٍ أَوْ اِشَارَةً أَوْ حَتَّى اِيمَاعَةً » (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٣٣٨) .

أَمَّا الرَّمْزُ **Symbol** فَهُوَ « عَالِمَةٌ تَمْثِيلٌ »، تَقْوِيمُ صَفَاتِهَا التَّمْثِيلِيَّةِ - لَوْ أَرَدْنَا الدِّقةَ - فِي كُونِهَا قَاعِدَةً تَحدِّدُ شَارِحَهَا » (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٢٩٢) . وَهَكُذا فَالرَّمْزُ

وَالصُّورَةُ عَنْدَ بِيرِسْ « لَا تَرْتَبِطُ بِأَيْةٍ عَلَاقَةً أَوْ رَابِطَةً دِينَامِيكِيَّةً بِالْمَوْضُوعِ الَّذِي تَمْثِلُهُ» . بَلْ إِنْ مَا يَحْدُثُ بِكُلِّ بَسَاطَةٍ هُوَ أَنْ صَفَاتِهَا تُشَبِّهُ بِتُكَلِّفَاتِ الْمَوْضُوعِ . وَلَذَا فَهُوَ لَا تَمْثِلُ إِلَّا مَجْرِدَ الْعَالَمَةِ بَيْنَ الشَّيْءَيْنِ الَّذِي تَشَيرُ إِلَيْهِ الْعَالِمَةُ . وَعَلَى ذَلِكَ « فَالصُّورَةُ لَا تَكُونُ عَالِمَةً، مَا لَمْ يَكُنْ هُنَاكَ وَجُودٌ حَقِيقِيٌّ لِكُلِّ هَذِهِ الْمَوْضُوعَ . إِلَّا أَنْ هَذَا لَا يُؤثِّرُ عَلَى صَفَاتِهَا الْأَسَاسِيَّةِ كَعَالِمَةٍ » إِذَا هُنَاكَ « قَدْ تَكُونُ مَتَصَفَّةً بِالصَّفَةِ الَّتِي تَجْعَلُهَا ذَاتَ مَعْنَى وَدَلَالَةً حَتَّى عَلَى الرَّغْمِ مِنْ عَدَمِ وَجُودِ مَوْضُوعِهَا » (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٣٠٤) . لَكِنْ عَلَى الرَّغْمِ مِنْ هَذَا الْانْفَصالِ بَيْنَ الصُّورَةِ وَمَوْضُوعِهَا عَنْ بِيرِسِ، إِلَّا « إِنَّ أَى شَيْءٍ مَهْمَا كَانَ ٠٠٠ هُوَ صُورَةً لِأَى شَيْءٍ، طَلَّا إِنَّهُ يَشَبِّهُ، وَيُسْتَخدِمُ كَعَالِمَةً لَهُ » (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٢٤٧) .

أَمَّا الدَّلِيلُ **index** عَنْدَ بِيرِسْ (فَهُوَ شَيْءٌ حَقِيقِيٌّ، أَوْ حَقِيقَةً وَاقِعِيَّةً **fact**، تَكُونُ عَالِمَةً لِمَوْضُوعِهَا بِفَضْلِ ارْتِبَاطِهَا بِهِ فِي الْوَاقِعِ) (مَجْمُوعَةُ الْأَبْحَاثِ، مِنْ ٢، فَقْرَةٌ ٤٤٧) . فَالدَّلِيلُ الْحَقِيقِيُّ، وَمَوْضُوعُهُ، يَجِدُ أَنْ يَكُونَا مُوْجَدِيْنَ مَفْرَدَيْنَ (شَيْئَيْنِ أَوْ وَاقِعَتَيْنِ)، وَهِيَ نَفْسُ الصَّفَةِ الَّتِي يَجِدُ أَنْ يَتَصَافَّ بِهَا الشَّارِحُ الْمُبَاشِرُ لِهَذِهِ الدَّلِيلِ . (١)

وَالدَّلِيلُ عَنْدَ بِيرِسْ يَشِيرُ إِلَى مَوْضُوعِهِ « وَذَلِكَ بِنَاءً عَلَى كُونِهِ مَتَأثِّرًا بِالْفَعْلِ بِذَلِكَ الْمَوْضُوعِ ٠٠٠ وَطَلَّا إِنَّ الدَّلِيلَ يَتَأثِّرُ بِالْمَوْضُوعِ، فَمِنَ الضرُورِيِّ أَنْ يَكُونَ هُنَاكَ نَوْعًا مِنَ الصَّفَةِ الْمُشَتَّرَكَةِ بَيْنَهُ

(١) المَرْجِعُ السَّابِقُ، صَفَحةٌ ٩١.

علامة تؤكد بطيئتها انها سوف يتم شرحها
أو تفسيرها على أنها علامة ٠ (١)
وللرمز عند بيرس دلالة ثلاثة بالنسبة
لموضوعه :

- ١ - فهو يدل بطريقة مباشرة على موضوعه ٠
- ٢ - ويدل بطريقة غير مباشرة على أساسه its ground من خلال موضوعه ٠
- ٣ - كما يدل على شارحه من خلال موضوعه ٠
وللرمز عند بيرس عدة صفات منها : ان
معناه مطابق لمعنى القانون العلمي ، فيقول « انه
قانون ، أو هو انتظام للمستقبل غير المحدود »
(مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٢٢٣) ٠ كما
يصفه بأنه لا يدل على مفردات بقدر دلالته على
أنواع الأشياء فيقول ان الرمز « يدل على نوع
من الأشياء » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة
٣٠١) ٠ كما يرى بيرس بأن الرموز إنما تنشأ
نتيجة لتطور علامات أخرى وخاصة الصور
icons (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة
٣٠٢) ٠ هذا ، ويمكن تصور العلاقة بيد الفئات
الثلاث للعلامات التي حددها بيرس على أنها مجرد
أسس grounds بالمثال الآتي الذي
سربط فيه كلًا من الصورة والدليل والرمز في
علاقة واحدة مفردة أو دلالة واحدة ، مع اعتبار
ان أساس العلامة عند بيرس يمكن « ان يقوم
في كون العلامة متضافة في ذاتها بصفة ما ، أو
في ارتباطها بنوع من العلاقة الوجودية مع ذلك
الموضوع ، أو في علاقتها بشارحها » (مجموعة
الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٢٤٣) ٠ ولنأخذ المثال
التالي : « السماء تمطر ، نجد ان الصورة icon

هنا هي الصدمة الذهنية المركبة من جميع الأيام
المطرة التي وقعت من قبل في خبرة الشخص ٠
أما الدليل index فهو كل ما يميز ذلك اليوم ،
كما هو موجود في خبرة الشخص ٠ أما الرمز
Symbol ، فهو ذلك الفعل العقلي الذي
بواسطته يطبع Stamps ذلك اليوم على انه
يوم ممطر » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة
٤٣٨) ٠

ثالثاً : أما التقسيم الثالث عند بيرس
للعلامات ، فيتليخص في القول بالآتي :
١ - علامة الامكان rheme ، وهي
العلامة التي تمثل موضوعاً ممكناً ٠
٢ - علامة الوجود الفعلى dicisign
(أو argument) ، وهي العلامة التي
تميز موضوعاً واقعياً ٠
٣ - علامة البرهان argument ، وهي
علامة تمثل موضوعاً يتعلق بالقانون ٠

أما علامة الامكان rheme عند بيرس
« فهي - بالنسبة لشارحها - علامة تدل على امكان
الاتصال بصفة ما ، بمعنى انها تفهم من حيث انها
تمثل كذا وكذا من الموضوعات الممكنة »
(مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٢٥٠) ٠ وهي
ما يسمى في المنطق الحديث باسم دالة القضية
Propositional Function ٠
ويوضح بيرس علامة الامكان بقوله انها تفيدنا
بخبر ، حتى على الرغم من انها قد لا يكون لها
شرح أو تفسير ٠ ويستخدم بيرس لهذه العلامة
اسماً آخر هو « السمة » Seme ٠ (مجموعة
الابحاث ، المجلد الرابع ، فقرة ٥٣٨) ٠

(١) المرجع السابق ، صفحة ٩٣ ٠

(٢) المرجع السابق ، صفحة ٩٢ ٠

الابحاث ، م ٤ ، فقرة ٥٣٨) . اما علامة البرهان argument عند بيرس ، فهي « التي تكون - بالنسبة لشارحها - علامة دالة على قانون » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٢٥٢) .

من هذه الانواع الثلاثة للقسمة الثلاثية ، يتوصل بيرس الى تكوين عشر قنوات للعلامات عن طريق تجسيدها بعضها مع بعض . وقد اكتشف بيرس امكان وضع هذه القنوات على شكل قائمة توضح امكانات صدق هذه المجموعات . فاذا كتبنا هذه الانواع الثلاثة من التقسيمات الثلاثية على شكل اعمدة لحصلنا : - (١)

اما علامة الوجود الفعلى Dicisign عند بيرس - او القضية - « فهي التي تكون ، بالنسبة لشارحها علامة للوجود الفعلى » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٢٥١) . وتميز هذه العلامة عند بيرس بعدة صفات منها انها تنقل الخبر أو توصله Conveys وذلك في مقابل العلامة التي يستمد منها الخبر (مثل الصوره) ، لكن أهم صفة تميز علامة الوجود ، والتي بناء عليها نستطيع تميز هذه العلامة عن غيرها ، هي ان علامة الوجود الفعلى اما ان تكون صادقة او كاذبة . ويسمى بيرس أحيانا علامة الوجود الفعلى باسم آخر هو Pheme . (مجموعة

العلامة			
الاساس	ال موضوع	الأساس	العلامة
Rheme Seme	(٧)	icon	(٤) علامة الصفة
علامة الامكان		الصورة	
dicent dicisign	(٨)	index	(٥) علامة الوجود
علامة الوجود الفعلى		الدليل	
argument	(٩)	Symbol	(٦) علامة القانون
علامة البرهان		الرمز	

ومن ثم تكون القنوات العشر الممكنة ، هي التي يمكن التعبير عنها بالتركيبيات العددية التالية : -

١ - ٣ - ٦ - ٩ ، أي علامة القانون وعلامة الرمز وعلامة البرهان . (أي ان كل عدد يشير الى العلامة المفرونة به في الجدول السابق) .

فمن هذه العلامات التسع يمكننا ان نحصل على عشر مجموعات ممكنة صحيحة لو اتبعنا قاعدتين بسيطتين : -

- (ا) عدم ربط أية علامة مع علامة أخرى موجودة معها في نفس العمود الرئيسي .
- (ب) عدم ربط أية علامة مع علامة أخرى على يسارها وعلامة أسفلها .

(١) هذا الجدول يرجع الى بول فايس

التالية : « عرض الرمز Breadth of Symbol كما يستخدم بدلاً من الكلمة « المفهوم » (Connotation intension)) العبرة التالية : « عمق الرمز Depth of Symbol (١) الأمر الذي يزيد من صعوبة فهم كتابات بيرس لولا تحديد معانى هذه العبارات باستخداماتها الجديدة عنده . هذا ويمكن القول بصفة عامة بأن العلامات عند بيرس هي أساس منطقه الخاص بالفئات والحدود ، وكذا بالاحكام والقضايا .

العلامات والقضايا :

القضايا في تعريف بيرس هي « تلك الرموز التي (تحدد أسمائها مباشرة) ، وتحدد بطريقة مستقلة موضوعاتها بواسطة حد آخر أو حدود أخرى . وهكذا فهي تشيرها عن صحتها الموضوعية ، يصبح في امكانها التعبير عن الصدق أو الكذب » (مجموعة الابحاث ، المجلد الأول ، فقرة ٥٥٩) . فالقضية « عالمة تدل على موضوعها وتتميزه ، وهو ما يسمى بموضوع القضية ، لكنها تترك الشارح أيا كان » . كما يعرف بيرس القضية تعريفاً آخر جمع بين التعريفين السابقين هو انها « عالمة الوجود الفعل التي تكون رمزاً a dicisign that is a Symbol الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٣٢٠) . ولستنا الآن بصد ما ذكره بيرس عن القضايا وتقسيمها من حيث الكم أو الكيف أو الاضافة أو غير ذلك ، إنما يشدد إلى الاشارة إلى علاقة منطق القضايا عنده ومنطق الحدود بالعلاقات والرموز ، وعلاقة ذلك كله بمنطق العلاقات .

منطق العلاقات عند بيرس :

يعرف بيرس منطق العلاقات ، بمقارنته بالمنطق التقليدي المعتمد ، فيقول : « ان الفارق الكبير بين

(١) المرجع السابق ، الموضوع نفسه .

الحد Term كما يقول بيرس ، هو « عالمة ترك موضوعها ، على النحو الذي قد يكون عليه » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٩٥) . كما ان الحد المنطقي عنده « الذي يكون اسمه الابحاث ، م ٤ ، فقرة ٥٣٨) ، أو هو يعني لفظة ما ، يكون سمة Seme rheme أصح يكون عالمة المكان

وكما ربط بيرس بين الحد وبين العالمة ، فقد ربط كذلك بينه وبين الرمز فيقول : « وأى رمز يمكن ان يكون مكوناً ناماً بغيرها من مكونات قضية ما ، اسمية بالحد » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، فقرة ٣٢٨) . ثم يعرض بيرس لأهم « العوامل التي تحدد فحوى الحد أو مضمونه » ، فيرى انها تلك المتعلقة بالمفهوم والمصدق . والمفهوم عند مساوا للتعريف المنطقي أو لمعنى الحد ، في حين يكون المصدق مساوياً لمدى نطاق استخدام الحد ، أو لما يتضمنه . (٢)

هذا ويستخدم بيرس بدلاً من الكلمة المصدق denotation أو extension () بالنسبة للحدود - حين يكون الحد رمزاً - العبرة

(١) المرجع السابق ، الموضوع نفسه .

(٢) المرجع السابق ، صفحة ٩٧ .

العلاقة *i*nclusion

- (ح) ان التضمن منطقية أساسية .
- معنى العلاقة :

ان معنى «العلاقة» عند بيرس يرتبط الى حد
وهي «العلامة التي تمثل موضوعاً ممكناً» .
لأن «العلاقة» عند بيرس هي اسم مختصر لـ «العلامة
كير بمعنى «علامة الامكان» rheme ،

• (١) relative rhema الامكان النسبية

فالعلاقة تقوم على امكان واقعة أو حقيقة يمكن ابناتها بكل دقة عن طريق ملء فراغات عالمة امكان نسبية مقابلة لها أو مناظرة ، وذلك بواسطة أسماء الاعلام ٠ (مجموعة الابحاث ، المجلد الرابع ، الفقرة ٣٥٤) ٠ وعلى ذلك فالعلاقة اذن هي : « حقيقة أو واقعة متعلقة بعدد من الموضوعات ، منظورا اليها بعيدا عن تلك الموضوعات » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ٤٤٦) ٠ وهكذا فهي كلية وعامة ، ولا تدل بالضرورة على أي شيء مفرد ٠

وهكذا فالعلاقة عند بيرس - في ذاتها - شيءٌ نسبيٌ ، ومجرد امكان منطقىٌ . ومن ثم فان وجودها في حقيقته وجود ضمنىٌ *Subsistence* ، هو من طبيعة الواقعه أو الحقيقة ذاتها (٢) . وفي هذا الصدد يقول بيرس « ان العلاقة حقيقة تعبّر عن عدد من الاشياء » (مجموعه الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ٤٦) . وطالما انه لا وجود لأشياء واقعية ، بدون ان تكون مرتبطه بنوع من العلاقة مع غيرها من الاشياء الأخرى . « فكل واقعه من وقائع العالم الخارجى ، هي نفسها علاقة » ، او مجموعه من العلاقات .

١٠٦ صفة ، المراجع السابق .

١٠٨ صفحه ، المراجع السابق .

منطق العلاقات وبين المنطق المعتاد ، هو ان النوع الأول يدخل في اعتباره صورة العلاقة بكل عموميتها وبكل انواعها الممكنة ، في حين ان النوع الثاني من المنطق ، يقتصر على الاخذ بالعلاقة المفردة الخاصة بالتشابه « (مجموعة الابحاث ، المجلد الرابع ، الفقرة ٥) » . ولقد كان اسم « منطق العلاقات » *Logic of relatives* عند بيرس هو الاسم الشائع للمعالجة الرياضية للعلاقات المجردة التي أصبحت تعرف منذ ذلك الوقت بالمنطق الرمزي . ذلك المنطق الذي يعرفه بيرس « بأنه المنطق الذي يتم معالجته بواسطة نسبة خاص من الرموز » (مجموعة الابحاث ، م ٢ ، الفقرة ٣٧٢) . ولقد كان الفرض الاساسي من المنطق الرمزي عند بيرس - على حد قوله - ليس هو مساعدتنا على القيام بالاستدلالات ، بل هو أكثر من ذلك ، « البحث في النظرية المنطقية نفسها » ، وذلك بهدف « مساعدتنا في دراسة المبادئ المنطقية » . (مجموعة الابحاث ، م ٣ ، الفقرة ٤٨٥) .

ولقد كان بيرس مهتماً بتطوير المنطق الرياضي، وكانت محاولته ايجاد «نظرية لا يمكن دحضها للبرهنة العقلية»، بالاستعانة بالرياضيات«(مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ٦١٨)»، بمثابة تطوير للخطوات الأولى التي خطتها بيرس في دراساته في المنطق التقليدي . ولقد تمثلت هذه المحاولة في ثلاثة نتائج عريضة أساسية ناتجة عن منطق العلاقات (١)، وهذه النتائج هي :

(١) أن كل ما هو منطقي إنما يرتدي العلاقات.

(ب) ان معرفة العلاقات انما تنسى عن:

الملاحظة •

(١) المُرجمُ السَّابِقُ ، صَفْحَةُ ١٠٥ .

ان مبدأ الذاتية يستلزم القول بأن الشيء يكون هو هو نفسه ولا يساوى إلأنفسه ولذا فإن $A = A$ أما التساري فعلاقة شاملة تشمل الهوية ($A = A$) والاختلاف ($A \neq B$) على حد سواء . ومن ثم فإن كل هوية مردودة إلى التساوى وليس العكس، فليس كل تساوى هوية .

بعد ذلك ينتقل بيرس إلى القول بأن كل تساوى يندرج تحت علاقة التضمن ، فيقول : « لكن كل تساوى يندرج تحت علاقة التضمن ، في حين ان العكس غير صحيح . ومن ثم فإن تصور التضمن أوسع وأشمل من تصور التساوى » (مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ٤٧) . ولتوضيح ذلك نقول ان القول بأن A متضمنة في B ، لا يعني ان $A = B$ ، لكن القول بأن $A = B$ يعني ان A متضمنة في B ، وان B متضمنة في A لكن التضمن والتساوى يمكن ان يكونا شيئاً واحداً لو كنا نتكلم عن شيء واحد . فالقول بأن A متضمنة في A مساو لقولنا ان $A = A$ ويساوى قولنا ان A هي A ، وبهذا فهو يعني الهوية أيضاً .

وهكذا فعلامة التضمن ، تشتمل على علاقة الذاتية ، طالما أنها تشتمل على التساوى ، والتساوى يشمل الهوية . وبالمثل ، فإن تصور اللزوم أوسع من تصور التساوى « مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ١٧٣ » وأشتمل . لكن اللزوم متضمن بدوره في تصور التضمن . فاللزوم التالي مثلاً : $A \rightarrow B$ يعني ان كل ج تشتمل على A ، هي ج التي تشتمل على B . « مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ١٦٥ » وهكذا فإن اللزوم ، شأنه شأن الهوية والتساوى كلها مندرجة تحت علاقة التضمن .

دكتور عزمى اسلام

والواقع ان الفكرة الأساسية في منطق العلاقات عند بيرس ، هي تلك التي كشف عنها حين ذهب الى ان التضمن علاقة منطقية أساسية . وهذا ما يتضح عنده من تحليل علاقات أخرى وعرضها على أنها مجرد فئات فرعية تدرج تحت علاقة التضمن . ولقد برهن بيرس على ان علاقات مثل: الهوية والتساوى واللزوم مثلاً ، ان هي الحالات وامثلة خاصة لعلاقة التضمن . وطريقة رد بيرس لعلاقة الهوية الى علاقة التضمن كانت طريقة غير مباشرة . لأنه يرد علاقة الهوية الى علاقة التساوى . كما يرد علاقة التساوى الى علاقة التضمن وذلك على النحو الآتي :

لنفرض أن لدينا عبارة تعتبر عنها بالرمز \sqsubset ، وتكون معبرة عن علاقة الهوية . ونقوم بكتابتها على النحو الآتي : $\sqsubset : S \sqsubset S$. (مجموعة الابحاث ، المجلد الثالث ، الفقرة ٣٩٨) . يقول بيرس ان علاقة الهوية بهذا المعنى إنما تتصرف بصفتين الأولى هي انه لو كانت S ، ص مطابقين ذاتياً، فإن كل ما يصدق على S ، يكون صادقاً بالنسبة لـ S . أما الصفة الثانية فهي انه اذا كان كل شيء يصدق بالنسبة لـ S ، يصدق كذلك بالنسبة لـ S ، كانت S ، ص مطابقين ذاتياً . وهكذا « لكي نقول عن شيئين انهما متطابقان ذاتياً ، هو ان نقول بأن أي محمول ، يصدق عليهما معاً ، ويكون كاذباً بالنسبة لكتليهما معاً » (١) . الواقع ان بيرس بهذا إنما كان يرى ان علاقة الهوية نوع من انواع التساوى ، بمعنى ان كل هوية ، هي تساوى ، لكن ليس كل تساوى هوية . ويمكن توضيح ذلك بالقول بأنه لو كانت A هي A ، كان معنى ذلك ان تكون $A = A$ طالما

(١) المرجع السابق ، صفحة ١٠٩ .